

КУРСОВА РАБОТА

Вариант № 46

по дисциплината: Статистика

Проверил:.....

Изготвил:.....

Фак.№.....

Специалност:.....

София, 2015 г.

Задача 1.

Хвърлят се два зара. Намерете вероятността на следните събития:

- А) сумата от точките е 10
- Б) произведението на точките е 8;
- В) сумата на точките е по-малка от 10
- Г) произведението на точките е по-малко от 8.

Решение:

Пространството от елементарни събития Ω при еднократно хвърляне на два зара се състои от всички наредени числа (m,n) , където m,n , са някои от числата 1,2,3,4,5 и 6. Броят на всички възможни изходи е $n=v(\Omega)=6^2$.

А/. Да означим събитието A = сумата на точките е 10

$(4,6); (5,5); (6,4);$

Броят на благоприятните изходи за A е $m= v(A)=3$.

Вероятността да настъпи събитието A е:

$$P(A) = m/n = P(A) = \frac{m}{n} = \frac{v(A)}{v(\Omega)} = \frac{3}{6^2} = \frac{3}{36} = 0,083$$

Б/. Да означим събитието B = произведението на точките е 8.

$(2,4); (4,2).$

Броят на благоприятните изходи за B е $m= v(B)=2$.

Вероятността да настъпи събитието B е:

$$P(B) = \frac{m}{n} = \frac{v(B)}{v(\Omega)} = \frac{2}{6^2} = \frac{2}{36} = 0,056$$

В/. Да означим събитията:

V = сумата на точките е по-малка от 10.

V_i =сумата от точките на двата зара е $i=2,3,4,5,6,7,8,9$.

$V_2=(1,1) \quad v(V_2)=1$

$V_3=(1,2); (2,1) \Rightarrow v(V_3)=2$

$V_4=(1,3); (2,2); (3,1) \Rightarrow v(V_4)=3$

$V_5=(1,4); (2,3); (3,2); (4,1) \Rightarrow v(V_5)=4$

$V_6=(1,5); (2,4); (3,3); (4,2); (5,1) \Rightarrow v(V_6)=5$

$V_7=(1,6); (2,5); (3,4); (4,3); (5,2); (6,1); \Rightarrow v(V_7)=6$

$B_8 = (2,6); (3,5); (4,4); (5,3); (6,2) \Rightarrow v(B_8) = 5$

$B_9 = (3,6); (4,5); (5,4); (6,3) \Rightarrow v(B_9) = 4$

Броят на благоприятните изходи за $B = (B) = 1+2+3+4+5+6+5+4 = 30$

$$P(B) = \frac{m}{n} = \frac{v(B)}{v(\Omega)} = \frac{30}{62} = \frac{30}{36} = 0,83$$

Γ /. Да означим събитията:

Γ = произведението на точките е по-малко от 8.

Γ_i = произведението от точките на двата зара е $i = 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7$.

$\Gamma_1 = (1,1) \Rightarrow v(\Gamma_1) = 1$

$\Gamma_2 = (1,2); (2,1) \Rightarrow v(\Gamma_2) = 2$

$\Gamma_3 = (1,3); (3,1) \Rightarrow v(\Gamma_3) = 2$

$\Gamma_4 = (1,4); (2,2); (4,1) \Rightarrow v(\Gamma_4) = 3$

$\Gamma_5 = (1,5); (5,1) \Rightarrow v(\Gamma_5) = 2$

$\Gamma_6 = (1,6); (2,3); (3,2); (6,1) \Rightarrow v(\Gamma_6) = 4$

Броят на благоприятните изходи за $\Gamma = (\Gamma_i) = 1+2+2+3+2+4 = 14$

$$P(\Gamma) = \frac{m}{n} = \frac{v(\Gamma)}{v(\Omega)} = \frac{14}{6^2} = \frac{14}{36} = 0,39$$

Задача 2.

Двадесет стрелци – шестима от клас I, десет от клас II и четирима от клас III стрелят едновременно по мишена. Всеки стрелец от клас I улучва мишената с вероятност 0,9; всеки стрелец от клас II улучва мишената с вероятност 0,7; всеки стрелец от клас III улучва мишената с вероятност 0,5. Ако мишената е улучена, каква е вероятността това да е направил стрелец от клас III или стрелец от клас I.

Решение:

Нека H_1 е хипотезата стреля стрелец от клас I;

H_2 е хипотезата стреля стрелец от клас II;

H_3 е хипотезата стреля стрелец от клас III.

A = събитието мишената е улучена от някой стрелец.